

## **СОДЕРЖАНИЕ**

### **Раздел I**

#### **ОСНОВНЫЕ СВЕДЕНИЯ ПО ТЕОРИИ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И МАТЕМАТИЧЕСКОЙ СТАТИСТИКЕ**

<b>Глава 1. СВЕДЕНИЯ ПО ТЕОРИИ ВЕРОЯТНОСТЕЙ . . . . .</b>	<b>9</b>
1.1. Случайные величины и их распределения . . . . .	9
1.2. Моменты распределения случайных величин . . . . .	12
1.3. Распределения дискретных случайных величин . . . . .	14
1.4. Распределения непрерывных случайных величин . . . . .	17
1.5. Распределения некоторых векторных случайных величин . . . . .	25
<b>Глава 2. СВЕДЕНИЯ ПО МАТЕМАТИЧЕСКОЙ СТАТИСТИКЕ. . . . .</b>	<b>27</b>
2.1. Выборка и статистические распределения . . . . .	27
2.2. Точечное оценивание параметров распределения случайных величин . . . . .	30
2.3. Интервальное оценивание параметров распределения случайных величин . . . . .	33
2.4. Взаимосвязь методов точечного и интервального оценивания . . . . .	36
2.5. Оценивание первых моментов распределения случайных величин . . . . .	37
2.6. Проверка статистических гипотез . . . . .	38
2.7. Задачи, решаемые методами математической статистики . . . . .	42

### **Раздел II**

#### **КЛАССИЧЕСКИЕ МЕТОДЫ ОЦЕНИВАНИЯ ПАРАМЕТРОВ РАСПРЕДЕЛЕНИЯ СЛУЧАЙНЫХ ВЕЛИЧИН И ПРОВЕРКИ СТАТИСТИЧЕСКИХ ГИПОТЕЗ**

<b>Глава 3. ОЦЕНИВАНИЕ ПАРАМЕТРОВ РАСПРЕДЕЛЕНИЯ ПО МЕТОДУ МАКСИМАЛЬНОГО ПРАВДОПОДОБИЯ . . . . .</b>	<b>43</b>
3.1. Общие сведения о методе максимального правдоподобия . . . . .	43
3.2. Оценивание параметров равномерного распределения . . . . .	46
3.3. Оценивание параметров нормального распределения . . . . .	46
3.4. Оценивание параметра биномиального распределения . . . . .	48
3.5. Оценивание параметра экспоненциального распределения . . . . .	50
3.6. Оценивание параметра распределения Пуассона . . . . .	52

<b>Глава 4. ОЦЕНИВАНИЕ ПАРАМЕТРОВ РАСПРЕДЕЛЕНИЯ ПО МЕТОДУ МОМЕНТОВ . . . . .</b>	54
4.1. Общие сведения о методе моментов . . . . .	54
4.2. Оценивание параметров равномерного распределения . . . . .	55
4.3. Оценивание параметров нормального распределения . . . . .	57
4.4. Оценивание параметра экспоненциального распределения . . . . .	57
<b>Глава 5. ОЦЕНИВАНИЕ МОМЕНТОВ И ПАРАМЕТРОВ РАСПРЕДЕЛЕНИЯ СЛУЧАЙНЫХ ВЕЛИЧИН ПО МЕТОДУ НАИМЕНЬШИХ КВАДРАТОВ . . . . .</b>	59
5.1. Общие сведения о методе наименьших квадратов . . . . .	59
5.2. Оценивание математического ожидания и дисперсии случайной величины . . . . .	64
5.3. Оценивание динамики математического ожидания случайной величины . . . . .	65
5.4. Оценивание вероятности события . . . . .	68
5.5. Оценивание динамики вероятности события . . . . .	69
5.6. Оценивание интенсивности событий . . . . .	73
5.7. Оценивание динамики интенсивности событий . . . . .	75
5.9. Регрессионный анализ . . . . .	81
<b>Глава 6. МЕТОДЫ ИНТЕРВАЛЬНОГО ОЦЕНИВАНИЯ ПАРАМЕТРОВ РАСПРЕДЕЛЕНИЯ СЛУЧАЙНЫХ ВЕЛИЧИН . . . . .</b>	87
6.1. Оперативный метод определения доверительных интервалов для параметров распределения . . . . .	87
6.2. Интервальное оценивание математического ожидания нормальной случайной величины . . . . .	89
6.3. Интервальное оценивание дисперсии нормальной случайной величины . . . . .	92
6.4. Интервальное оценивание коэффициента корреляции случайных величин . . . . .	95
6.5. Интервальное оценивание параметра биномиального распределения . . . . .	97
6.6. Интервальное оценивание параметра экспоненциального распределения . . . . .	100
6.7. Оценивание толерантного интервала для случайной величины . . . . .	101
<b>Глава 7. МЕТОДЫ ПРОВЕРКИ СТАТИСТИЧЕСКИХ ГИПОТЕЗ . . . . .</b>	104
7.1. Проверка гипотез о математическом ожидании случайной величины . . . . .	104
7.2. Проверка гипотез о дисперсии случайной величины . . . . .	107
7.3. Проверка гипотез о математических ожиданиях случайных величин по двум выборкам . . . . .	108
7.4. Проверка гипотез о дисперсиях случайных величин по двум выборкам . . . . .	111

7.5. Проверка гипотез о коэффициенте корреляции случайных величин . . . . .	112
7.6. Проверка гипотезы об однородности распределений случайных величин в двух выборках . . . . .	114
7.7. Методы проверки гипотез о типе распределения случайной величины . . . . .	117

### Раздел III МЕТОД НЕСМЕЩЕННЫХ ОЦЕНОК

<b>Глава 8. ПОСТРОЕНИЕ ПЛОТНОСТИ ВЕРОЯТНОСТИ ОЦЕНОК ПАРАМЕТРОВ РАСПРЕДЕЛЕНИЯ СЛУЧАЙНОЙ ВЕЛИЧИНЫ . . . . .</b>	123
8.2. Построение плотности вероятности оценок параметров на основе функции правдоподобия . . . . .	129
8.3. Построение автономных плотностей вероятности оценок параметров распределения случайной величины . . . . .	130
8.4. Построение плотности вероятности оценок параметров с учетом априорной информации . . . . .	131
8.5. Построение плотности вероятности оценок коэффициентов модели динамики параметров распределения случайной величины . . . . .	132

<b>Глава 9. ОЦЕНИВАНИЕ ПАРАМЕТРОВ РАСПРЕДЕЛЕНИЯ СЛУЧАЙНОЙ ВЕЛИЧИНЫ ПО МЕТОДУ НЕСМЕЩЕННЫХ ОЦЕНОК . . . . .</b>	135
9.1. Точечное оценивание параметров распределения случайной величины . . . . .	135
9.2. Интервальное оценивание параметров распределения случайной величины . . . . .	136
9.3. Оценивание функций от параметров распределения случайной величины . . . . .	138
9.4. Построение толерантного интервала для случайной величины . . . . .	143
9.5. Сравнение метода несмешанных оценок с классическими методами . . . . .	147

### Раздел IV ОЦЕНИВАНИЕ ПАРАМЕТРОВ РАСПРЕДЕЛЕНИЯ ДИСКРЕТНЫХ СЛУЧАЙНЫХ ВЕЛИЧИН ПО МЕТОДУ НЕСМЕЩЕННЫХ ОЦЕНОК

<b>Глава 10. ОЦЕНИВАНИЕ ПАРАМЕТРОВ РАСПРЕДЕЛЕНИЙ БИНОМИАЛЬНОГО, ГЕОМЕТРИЧЕСКОГО И ПАСКАЛЯ . . . . .</b>	151
10.1. Основные сведения о распределениях . . . . .	151
10.2. Построение плотности вероятности оценок параметра биномиального распределения . . . . .	152
10.3. Построение плотности вероятности оценок параметра распределений Паскаля и геометрического . . . . .	154

---

10.4. Точечное оценивание параметра распределений . . . . .	154
10.5. Интервальное оценивание параметра распределений . . . . .	157
10.6. Оценивание параметра распределений с учетом априорной информации . . . . .	159
<b>Глава 11. ОЦЕНИВАНИЕ ДИНАМИКИ ПАРАМЕТРА БИНОМИАЛЬНОГО РАСПРЕДЕЛЕНИЯ . . . . .</b>	<b>164</b>
11.1. Методика оценивания динамики параметра биномиального распределения . . . . .	164
11.2. Оценивание динамики вероятности безотказной работы технических систем при отработке на основе экспоненциальных моделей . . . . .	166
11.3. Оценивание динамики вероятности безотказной работы технических систем при отработке на основе модели с учетом дефектов . . . . .	177
<b>Глава 12. ОЦЕНИВАНИЕ ПАРАМЕТРА РАСПРЕДЕЛЕНИЯ ПУАССОНА . . . . .</b>	<b>183</b>
12.1. Построение плотности вероятности оценок интенсивности событий . . . . .	183
12.2. Точечное оценивание интенсивности событий . . . . .	185
12.3. Интервальное оценивание интенсивности событий . . . . .	187
12.4. Оценивание вероятностей числа событий . . . . .	188
<b>Глава 13. ОЦЕНИВАНИЕ ДИНАМИКИ ПАРАМЕТРА РАСПРЕДЕЛЕНИЯ ПУАССОНА . . . . .</b>	<b>189</b>
13.1. Модели динамики параметра распределения Пуассона . . . . .	189
13.2. Построение плотности вероятности оценок параметров модели динамики интенсивности событий . . . . .	189
13.3. Точечное оценивание параметров модели динамики интенсивности событий . . . . .	192
13.4. Интервальное оценивание параметров модели динамики интенсивности событий . . . . .	194
13.5. Точечное оценивание динамики интенсивности событий . . . . .	195
13.6. Интервальное оценивание динамики интенсивности событий . . . . .	197
<b>Раздел V</b>	
<b>ОЦЕНИВАНИЕ ПАРАМЕТРОВ РАСПРЕДЕЛЕНИЙ НЕПРЕРЫВНЫХ СЛУЧАЙНЫХ ВЕЛИЧИН ПО МЕТОДУ НЕСМЕЩЕННЫХ ОЦЕНОК</b>	
<b>Глава 14. ОЦЕНИВАНИЕ ГРАНИЦ РАВНОМЕРНОГО РАСПРЕДЕЛЕНИЯ . . . . .</b>	<b>201</b>
14.1. Построение плотности вероятности оценок границ равномерного распределения . . . . .	201

14.2. Точечное оценивание границ равномерного распределения . . . . .	203
14.3. Интервальное оценивание границ равномерного распределения . . . . .	204
<b>Глава 15. ОЦЕНИВАНИЕ ПАРАМЕТРА ЭКСПОНЕНЦИАЛЬНОГО РАСПРЕДЕЛЕНИЯ . . . . .</b>	<b>206</b>
15.1. Построение плотности вероятности оценок параметра распределения . . . . .	206
15.2. Точечное оценивание интенсивности событий . . . . .	209
15.3. Интервальное оценивание интенсивности событий . . . . .	212
15.4. Оценивание ожидаемого периода до появления события . . . . .	214
15.5. Оценивание толерантного интервала для периода до появления события . . . . .	216
15.6. Оценивание вероятности наступления события . . . . .	219
<b>Глава 16. ОЦЕНИВАНИЕ ДИНАМИКИ ПАРАМЕТРА ЭКСПОНЕНЦИАЛЬНОГО РАСПРЕДЕЛЕНИЯ . . . . .</b>	<b>221</b>
16.1. Методика оценивания динамики параметра экспоненциального распределения . . . . .	221
16.2. Оценивание динамики интенсивности отказов технических систем в классе экспоненциальных моделей . . . . .	224
16.3. Оценивание динамики интенсивности отказов технических систем при отработке на основе модели с учетом дефектов . . . . .	231
<b>Глава 17. Оценивание параметров нормального распределения . . . . .</b>	<b>238</b>
17.1. Формы представления нормального распределения . . . . .	238
17.2. Построение плотности вероятности оценок параметров нормального распределения . . . . .	239
17.3. Оценивание параметров нормального распределения . . . . .	244
17.4. Оценивание толерантного интервала для нормального распределения . . . . .	248
17.5. Построение доверительной области для математического ожидания и среднеквадратического отклонения . . . . .	250
<b>Глава 18. ОЦЕНИВАНИЕ ДИНАМИКИ ПАРАМЕТРОВ НОРМАЛЬНОГО РАСПРЕДЕЛЕНИЯ . . . . .</b>	<b>254</b>
18.1. Модели динамики математического ожидания и среднеквадратического отклонения . . . . .	254
18.2. Построение плотности вероятности оценок параметров моделей динамики математического ожидания и среднеквадратического отклонения . . . . .	255
18.3. Оценивание параметров моделей динамики математического ожидания и среднеквадратического отклонения . . . . .	260

18.4. Точечное оценивание переменных значений математического ожидания и среднеквадратического отклонения . . . . .	261
<b>Глава 19. ОЦЕНИВАНИЕ ПАРАМЕТРОВ ДВУМЕРНОГО НОРМАЛЬНОГО РАСПРЕДЕЛЕНИЯ . . . . .</b>	<b>265</b>
19.1. Двумерное нормальное распределение . . . . .	265
19.2. Построение плотности вероятности оценок параметров распределения . . . . .	265
19.3. Точечное оценивание параметров распределения . . . . .	270
19.4. Интервальное оценивание параметров распределения . . . . .	272
<b>Глава 20. ОЦЕНИВАНИЕ ПАРАМЕТРА РАСПРЕДЕЛЕНИЙ РЕЛЕЯ И МАКСВЕЛЛА . . . . .</b>	<b>274</b>
20.1. Распределения Релея и Максвелла . . . . .	274
20.2. Построение плотности вероятности оценок параметра распределений . . . . .	275
20.3. Оценивание параметра распределений . . . . .	276
20.4. Оценивание толерантного интервала для случайной величины с распределением Релея . . . . .	279
20.5. Оценивание толерантного интервала для случайной величины с распределением Максвелла . . . . .	281
20.6. Оценивание динамики параметра распределений . . . . .	282
<b>Глава 21. ОЦЕНИВАНИЕ ПАРАМЕТРОВ РАСПРЕДЕЛЕНИЯ ВЕЙБУЛЛА . . . . .</b>	<b>287</b>
21.1. Построение плотности вероятности оценок параметров распределения . . . . .	287
21.2. Точечное оценивание параметров распределения . . . . .	290
21.3. Интервальное оценивание параметров распределения . . . . .	291
21.4. Распределение времени появления события . . . . .	292
21.5. Оценивание вероятности появления события . . . . .	293
<b>Глава 22. ОЦЕНИВАНИЕ ПАРАМЕТРОВ ГАММА-РАСПРЕДЕЛЕНИЯ . . . . .</b>	<b>295</b>
22.1. Построение плотности вероятности оценок параметров гамма-распределения . . . . .	295
22.2. Точечное оценивание параметров распределения . . . . .	297
22.3. Интервальное оценивание параметров распределения . . . . .	298
22.4. Оценивание вероятности появления события . . . . .	299
<b>Глава 23. ОЦЕНИВАНИЕ ПАРАМЕТРОВ БЕТА-РАСПРЕДЕЛЕНИЯ . . . . .</b>	<b>302</b>
23.1. Построение плотности вероятности оценок параметров бета-распределения . . . . .	302

23.2. Оценивание параметров распределения . . . . .	304
23.3. Оценивание моментов распределения случайной величины с бета-распределением . . . . .	305
23.4. Оценивание толерантного интервала для случайной величины с бета-распределением . . . . .	307

**Раздел VI****МЕТОДЫ ПРОВЕРКИ СТАТИСТИЧЕСКИХ ГИПОТЕЗ  
НА ОСНОВЕ МЕТОДА НЕСМЕЩЕННЫХ ОЦЕНОК**

<b>Глава 24. ПРОВЕРКА ГИПОТЕЗ О ПАРАМЕТРАХ РАСПРЕДЕЛЕНИЯ СЛУЧАЙНОЙ ВЕЛИЧИНЫ . . . . .</b>	<b>309</b>
24.1. Проверка гипотез об отдельных параметрах распределения случайной величины . . . . .	309
24.2. Проверка гипотез о векторе параметров распределения случайной величины . . . . .	312
24.3. Проверка гипотез о тренде параметров распределения случайной величины . . . . .	314
<b>Глава 25. Проверка гипотез о параметрах распределения случайных величин по двум выборкам . . . . .</b>	<b>316</b>
25.1. Методика проверки гипотез . . . . .	316
25.2. Проверка гипотез о параметре биномиального распределения . .	319
25.3. Проверка гипотез о параметре экспоненциального распределения	322
25.4. Проверка гипотез о параметре распределения Пуассона . . . .	323
25.5. Проверка гипотез о параметре распределения Релея . . . . .	324
25.6. Проверка гипотез о параметрах нормального распределения . .	326
<b>Глава 26. МЕТОДЫ ПРОВЕРКИ СТАТИСТИЧЕСКИХ ГИПОТЕЗ О ТИПЕ РАСПРЕДЕЛЕНИЯ СЛУЧАЙНОЙ ВЕЛИЧИНЫ . . . . .</b>	<b>333</b>
26.1. Проверка гипотез о некоторых типах распределений случайной величины на основе оценок параметров распределений . . . . .	334
26.2. Модификация показателя $\chi^2$ для проверки гипотез о типе распределения случайной величины . . . . .	336
26.3. Методика проверки гипотез о типе распределения случайной величины по показателю $S$ . . . . .	340
26.4. Модификация показателя $\omega^2$ для проверки гипотез о типе распределения случайной величины . . . . .	344
26.5. Методика проверки гипотез о типе распределения случайной величины по показателю $W$ . . . . .	348
26.6. Проверка корректности методики определения типа распределения случайной величины по показателю $W$ . . . . .	350

<b>ПРИЛОЖЕНИЯ.</b>	353
Приложение 1	353
Приложение 2	354
Приложение 3	355
Приложение 4	356
Приложение 5	357
Приложение 6	358
Приложение 7	359
Приложение 8	360
Приложение 9	361
<b>Предметный указатель</b>	365
<b>Список литературы</b>	371